

प्रश्नावली 5.2

कक्षा - 10 (NCERT Solution)

Q1. निम्नलिखित सारणी में, रिक्त स्थानों को भरिए, जहाँ A.P का प्रथम पद a , सार्व अंतर d और n वाँ पद a_n है:

Q. No.	a	d	n	a_n
(i)	7	3	8	
(ii)	-18		10	0
(iii)		-3	18	-5
(iv)	-18	2.5		3.6
(v)	3.5	0	105	

Solution:

(i) $a = 7, d = 3, n = 8, a_n = ?$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$a_8 = 7 + (8 - 1)3$$

$$= 7 + 7 \times 3 = 7 + 21$$

$$= 28$$

(ii) $a = -18, n = 10, a_n = 0, d = ?$,

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$a_{10} = -18 + (10 - 1)d$$

$$0 = -18 + 9d$$

$$9d = 18$$

$$d = \frac{18}{9} = 2$$

(iii) $d = -3, n = 18, a_n = -5, a = ?$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$a_{18} = a + (18 - 1)d$$

$$-5 = a + 17(-3)$$

$$-5 + 51 = a$$

$$a = 46$$

(iv) $a = -18.9, d = 2.5, a_n = 3.6, n = ?$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$3.6 = -18.9 + (n - 1)2.5$$

$$3.6 + 18.9 = (n - 1)2.5$$

$$(n - 1)2.5 = 22.5$$

$$n - 1 = \frac{22.5}{2.5}$$

$$n = 9 + 1$$

$$n = 10$$

(v) $a = 3.5, d = 0, n = 105, a_n = ?$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$= 3.5 + (105 - 1)0$$

$$= 3.5 + 0$$

$$= 3.5$$

Q2. निम्नलिखित में सही उत्तर चुनिए और उसका औचित्य दीजिए:

(i) A.P: 10, 7, 4, का 30 वाँ पद है:

(A) 97 (B) 77 (C) -77 (D) -87

Solution:

$$a = 10, d = 7 - 10 = -3$$

30 वाँ पद = ?

$$a_{30} = a + 29d$$

$$= 10 + 29(-3)$$

$$= 10 - 87$$

$$= -77$$

Correct Answer: (C) - 77

(ii) A.P: $-3, -\frac{1}{2}, 2$ का 11 वाँ पद है:

(A) 28 (B) 22 (C) -38 (D) $-48\frac{1}{2}$

Solution:

$$a = -3, d = -\frac{1}{2} + 3 = \frac{-1+6}{2} = \frac{5}{2}$$

11 वाँ पद = ?

$$a_{11} = a + 10d$$

$$= -3 + 10\left(\frac{5}{2}\right)$$

$$= -3 + 25$$

$$= 22$$

Correct Answer: (B) 22

Q3. निम्नलिखित समांतर श्रेढ़ी में, रिक्त खानों (boxes) के पदों को ज्ञात कीजिए।

(i) 2, , 26

(ii) , 13, , 3

(iii) 5, , , $9\frac{1}{2}$

(iv) -4, , , , , 6

(v) , 38, , , , -22

(i) $a = 2, b = ?, c = 26$

$$b = \frac{a+c}{2} = \frac{2+26}{2} = \frac{28}{2} = 14$$

(ii) $a_2 = 13,$

$$\therefore a + d = 13 \text{ (1)}$$

$$a_4 = 3$$

$$\therefore a + 3d = 3 \text{ (2)}$$

समीo (2) में से (1) घटाने पर

$$a + 3d - (a + d) = 3 - 13$$

$$a + 3d - a - d = -10$$

$$2d = -10$$

$$d = \frac{-10}{2} = -5$$

$$d = -5$$

d का मान समी० (1) में रखने पर

$$a + d = 13$$

$$a + (-5) = 13$$

$$a = 13 + 5$$

$$a = 18$$

अतः 18, 13, 8, 3

Q4. A.P. : 3, 8, 13, 18, ... का कौन सा पद 78 है ?

Solution:

$$a = 3, d = 8 - 3 = 5, a_n = 78$$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$78 = 3 + (n - 1) 5$$

$$78 - 3 = (n - 1) 5$$

$$75 = (n - 1) 5$$

$$n - 1 = \frac{75}{5}$$

$$n - 1 = 15$$

$$n = 15 + 1$$

$$n = 16$$

अतः 16 वाँ पद 78 है ।

Q5. निम्नलिखित समांतर श्रेणियों में से प्रत्येक श्रेणी में कितने पद हैं ?

(i) 7, 13, 19, , 205

Solution:

$$a = 7, d = 13 - 7 = 6, a_n = 205$$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$205 = 7 + (n - 1) 6$$

$$205 - 7 = (n - 1) 6$$

$$198 = (n - 1) 6$$

$$n - 1 = \frac{198}{6}$$

$$n - 1 = 33$$

$$n = 33 + 1$$

$$n = 34$$

इस श्रेणी में 34 पद हैं ।

(ii) $18, 15\frac{1}{2}, 13, \dots, -47$

Solution:

$$a = 18, d = \frac{31}{2} - 18 = \frac{31 - 36}{2} = \frac{-5}{2}, a_n = -47$$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$-47 = 18 + (n - 1) \frac{-5}{2}$$

$$-47 - 18 = (n - 1) \frac{-5}{2}$$

$$-65 = (n - 1) \frac{-5}{2}$$

$$n - 1 = -65 \times \frac{-2}{5}$$

$$n - 1 = -13 \times -2$$

$$n = 26 + 1$$

$$n = 27$$

इस श्रेणी में 27 पद हैं।

Q6. क्या A.P., 11, 8, 5, 2... का एक पद - 150 है ? क्यों ?

Solution:

$$a = 11, d = 8 - 11 = -3 \text{ और } a_n = -150$$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$-150 = 11 + (n - 1) \cdot -3$$

$$-150 - 11 = (n - 1) \cdot -3$$

$$-161 = (n - 1) \cdot -3$$

$$n - 1 = \frac{-161}{-3}$$

$$n - 1 = 53.66$$

$$n = 53.66 + 1$$

$$n = 54.66$$

यहाँ n एक भिन्नात्मक संख्या है जो n के लिए संभव नहीं है

इसलिए - 150 दिए गए A.P का पद नहीं है।

Q7. उस A.P का 31वाँ पद ज्ञात कीजिए, जिसका 11वाँ पद 38 है और 16वाँ पद 73 है।

Solution:

$$31\text{वाँ पद} = ?$$

$$a_{11} = 38$$

$$\Rightarrow a + 10d = 38 \dots\dots\dots (1)$$

$$a_{16} = 73$$

$$\Rightarrow a + 15d = 73 \dots\dots\dots (2)$$

समीo (2) में से (1) घटाने पर

$$a + 15d - (a + 10d) = 73 - 38$$

$$a + 15d - a - 10d = 35$$

$$5d = 35$$

$$d = \frac{35}{5} = 7$$

$$d = 7$$

समीo (1) में d का मान 7 रखने पर

$$a + 10d = 38$$

$$a = 38 - 10(7) = -32$$

$$a = 38 - 70$$

$$a = -32$$

$$\text{अब, } a_{31} = a + 30d$$

$$\Rightarrow a_{31} = -32 + 30(7)$$

$$\Rightarrow a_{31} = -32 + 210$$

$$\Rightarrow a_{31} = 178$$

अतः 31 वाँ पद 178 है।

Q8. एक A.P में 50 पद हैं, जिसका तीसरा पद 12 है और अंतिम पद 106 है। इसका 29वाँ पद ज्ञात कीजिए।

Solution:

A.P में 50 पद हैं।

$$\text{अतः } n = 50$$

$$a_3 = 12$$

$$\Rightarrow a + 2d = 12 \dots\dots\dots (1)$$

और अंतिम पद 106 है।

$$a_n = 106$$

$$\text{या } a_{50} = 106$$

$$\Rightarrow a + 49d = 106 \dots\dots\dots (2)$$

समी० (2) में से (1) घटाने पर

$$a + 49d - (a + 2d) = 106 - 12$$

$$a + 49d - a - 2d = 94$$

$$47d = 94$$

$$d = \frac{94}{47} = 2$$

$$d = 2$$

समी० (1) में d का मान 2 रखने पर

$$a + 2d = 12$$

$$a = 2(2) = 12$$

$$a = 12 - 4$$

$$a = 8$$

$$\text{अब, } a_{29} = a + 28d$$

$$\Rightarrow a_{29} = 8 + 28(2)$$

$$\Rightarrow a_{29} = 8 + 56$$

$$\Rightarrow a_{29} = 64$$

अतः 29 वाँ पद 64 है।

Q9. यदि किसी A.P के तीसरे और नौवें पद क्रमशः 4 और -8 हैं, तो इसका कौन-सा पद शून्य होगा?

Solution:

$$a_3 = 4$$

$$\Rightarrow a + 2d = 4 \dots\dots\dots (1)$$

और नौवा पद -8 है।

$$a_9 = -8$$

$$\Rightarrow a + 8d = -8 \dots\dots\dots (2)$$

समी० (2) में से (1) घटाने पर

$$a + 8d - (a + 2d) = -8 - 4$$

$$a + 8d - a - 2d = -12$$

$$6d = -12$$

$$d = \frac{-12}{6} = -2$$

$$d = -2$$

समी० (1) में d का मान 2 रखने पर

$$a + 2d = 4$$

$$a = 2(-2) = 4$$

$$a = 4 + 4$$

$$a = 8$$

अतः $a = 8$, और $d = -2$

माना n वाँ पद शून्य है।

$$a_n = 0$$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$\Rightarrow 0 = 8 + (n - 1)(-2)$$

$$\Rightarrow -8 = (n - 1)(-2)$$

$$\Rightarrow n - 1 = \frac{-8}{-2}$$

$$\Rightarrow n - 1 = 4$$

$$\Rightarrow n = 4 + 1 = 5$$

अतः 5 वाँ पद शून्य है।

Q10. किसी A.P का 17वाँ पद उसके 10वें पद से 7 अधिक है। इसका सार्व अंतर ज्ञात कीजिए।

Solution:

चूँकि 17वाँ पद उसके 10वें पद से 7 अधिक है।

$$\therefore a_{17} - a_{10} = 7$$

$$\Rightarrow a + 16d - (a + 9d) = 7$$

$$\Rightarrow a + 16d - a - 9d = 7$$

$$\Rightarrow 7d = 7$$

$$\Rightarrow d = 1$$

$$\text{सार्व अंतर} = 1$$

Q11. A.P. : 3, 15, 27, 39, का कौन-सा पद उसके 54वें पद से 132 अधिक होगा?

Solution:

$$a = 3, d = 15 - 3 = 12$$

$$a_{54} = a + 53d$$

$$= 3 + 53(12)$$

$$= 3 + 636$$

$$= 639$$

वह पद जो 54 वें पद से 132 अधिक होगा

$$a_n = a_{54} + 132$$

$$= 639 + 132$$

$$= 771$$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$\Rightarrow 771 = 3 + (n - 1) 12$$

$$\Rightarrow 771 - 3 = (n - 1) 12$$

$$\Rightarrow 768 = (n - 1) 12$$

$$\Rightarrow n - 1 = \frac{768}{12}$$

$$\Rightarrow n - 1 = 64$$

$$\Rightarrow n = 64 + 1 = 65$$

अतः 65 वाँ पद 54वें पद से 132 अधिक है।

Q12. दो समांतर श्रेणियों का सार्व अंतर समान है। यदि इनके 100वें पदों का अंतर 100 है, तो इनके 1000वें पदों का अंतर क्या होगा?

Solution:

माना प्रथम A.P का प्रथम पद = a

और दूसरे A.P का प्रथम पद = a' है।

और सार्व अंतर d है [चूँकि सार्व अंतर समान है] दिया है

प्रश्नानुसार,

$$a_{100} - a'_{100} = 100$$

$$a + 99d - (a' + 99d) = 100$$

$$a + 99d - a' - 99d = 100$$

$$a - a' = 100 \dots\dots\dots (1)$$

$$\begin{aligned} a_{1000} - a'_{1000} &= a + 999d - (a' + 999d) \\ &= a + 999d - a' - 999d \\ &= a - a' \end{aligned}$$

चूँकि $a - a' = 100$ है समीo (1) से

इसलिए, 1000वें पदों का अंतर भी 100 है।

Q13. तीन अंकों वाली कितनी संख्याएँ 7 से विभाज्य हैं?

Solution:

तीन अंको की संख्या 100 999 के बीच होती है।

अतः 7 से विभाज्य संख्याएँ हैं:

105, 112, 119, 994

इससे हमें एक A.P प्राप्त होता है।

∴ a = 105, d = 7 और a_n = 994

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$\Rightarrow 994 = 105 + (n - 1) 7$$

$$\Rightarrow 994 - 105 = (n - 1) 7$$

$$\Rightarrow 889 = (n - 1) 7$$

$$\Rightarrow n - 1 = \frac{889}{7}$$

$$\Rightarrow n - 1 = 127$$

$$\Rightarrow n = 127 + 1 = 128$$

अतः तीन अंकों वाली 7 से विभाज्य संख्या 128 हैं।

Q14. 10 और 250 के बीच में 4 के कितने गुणज हैं?

Solution:

10 और 250 के बीच 4 के गुणज के लिए A.P है।

12, 16, 20, 248

∴ $a = 12$, $d = 4$ और $a_n = 248$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$\Rightarrow 248 = 12 + (n - 1) 4$$

$$\Rightarrow 248 - 12 = (n - 1) 4$$

$$\Rightarrow 236 = (n - 1) 4$$

$$\Rightarrow n - 1 = \frac{236}{4}$$

$$\Rightarrow n - 1 = 59$$

$$\Rightarrow n = 59 + 1 = 60$$

10 और 250 के बीच 4 के गुणजों की संख्या 60 हैं।

Q15. n के किस मान के लिए, दोनों समांतर श्रेणियों 63, 65, 67, और 3, 10, 17, के n वें पद बराबर होंगे?

Solution:

प्रथम A.P: 63, 65, 67,

जिसमें, $a = 63$, $d = 65 - 63 = 2$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$= 63 + (n - 1) 2$$

$$= 63 + 2n - 2$$

$$= 61 + 2n \text{ (1)}$$

द्वितीय A.P: 3, 10, 17,

जिसमें, $a = 3$, $d = 10 - 3 = 7$

$$a_n = a + (n - 1) d$$

$$= 3 + (n - 1) 7$$

$$= 3 + 7n - 7$$

$$= -4 + 7n \text{ (2)}$$

चूँकि n वाँ पद बराबर हैं, इसलिए (1) तथा (2) से

$$61 + 2n = -4 + 7n$$

$$61 + 4 = 7n - 2n$$

$$5n = 65$$

$$n = 65/5$$

$$n = 13$$

अतः दोनों A.P का 13 वाँ पद बराबर हैं।

Q16. वह A.P ज्ञात कीजिए जिसका तीसरा पद 16 है और 7वाँ पद 5वें पद से 12 अधिक है।

Solution:

माना प्रथम पद = a , और सार्व अंतर = d तो,

$$a_3 = 16$$

$$\Rightarrow a + 2d = 16 \dots\dots\dots (1)$$

$$a_7 - a_5 = 12$$

$$\Rightarrow a + 6d - (a + 4d) = 12$$

$$\Rightarrow a + 6d - a - 4d = 12$$

$$\Rightarrow 2d = 12$$

$$\Rightarrow d = 6$$

अब d का मान समीकरण (1) में रखने पर '

$$a + 2d = 16$$

$$a + 2(6) = 16$$

$$a + 12 = 16$$

$$a = 16 - 12$$

$$a = 4$$

$$a, a + d, a + 2d, a + 3d \dots\dots\dots$$

$$\Rightarrow 4, 4 + 6, 4 + 2(6), 4 + 3(6), \dots\dots\dots$$

अतः अभीष्ट A.P. $\Rightarrow 4, 10, 16, 22 \dots\dots\dots$

Q17. A.P. : 3, 8, 13, ..., 253 में अंतिम पद से 20वाँ पद ज्ञात कीजिए।

Solution:

दिया गया A.P. : 3, 8, 13, ..., 253 है ।

प्रथम पद की ओर से $a = 3, d = 8 - 3 = 5$

परन्तु अंतिम पद से $a = 253, n = 20,$

और सार्व अंतर $d = -5$, [चूँकि अंतिम पद से d का मान ऋणात्मक हो जायेगा]

$$a_{20} = a + 19d$$

$$= 253 + 19(-5)$$

$$= 253 - 95$$

$$= 158$$

अतः अंतिम पद से 20 वाँ पद 158 है ।

Q18. किसी A.P. के चौथे और 8वें पदों का योग 24 है तथा छठे और 10वें पदों का योग 44 है। इस A.P. के प्रथम तीन पद ज्ञात कीजिए।

Solution:

$$a_4 + a_8 = 24$$

या $a + 3d + a + 7d = 24$

या $2a + 10d = 24$

या $2(a + 5d) = 24$

या $a + 5d = \frac{24}{2} = 12$

या $a + 5d = 12 \dots\dots\dots (1)$

इसीप्रकार,

$$A_6 + a_{10} = 44$$

या $a + 5d + a + 9d = 44$

या $2a + 14d = 44$

या $2(a + 7d) = 44$

या $a + 7d = \frac{44}{2} = 22$

या $a + 7d = 22$ (2)

समीकरण (2) में से (1) घटाने पर

$$(a + 7d) - (a + 5d) = 22 - 12$$

या $a + 7d - a - 5d = 10$

या $2d = 10$

या $d = 5$

समीकरण (1) में $d = 5$ रखने पर

$$a + 5(5) = 12$$

या $a + 25 = 12$

या $a = 12 - 25$

या $a = -13$

अतः A.P के प्रथम 3 पद हैं :

$$-13, -13 + 5, -13 + 2(5)$$

$$-13, -8, -3$$

Q19. सुब्बा राव ने 1995 में D 5000 के मासिक वेतन पद कार्य आरंभ किया और प्रत्येक वर्ष 200 की वेतन वृद्धि प्राप्त की। किस वर्ष में उसका वेतन D 7000 हो गया?

Solution:

दिए गए सूचना से हमें एक A.P प्राप्त होता है :

A.P: 5000, 5200, 5400, 7000

$$a = 5000, d = 200, a_n = 7000$$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$7000 = 5000 + (n - 1)200$$

$$7000 - 5000 = (n - 1)200$$

$$2000 = (n - 1)200$$

$$(n - 1) = \frac{2000}{200}$$

$$n - 1 = 20$$

$$n = 20 + 1$$

$$n = 21 \text{ वर्ष}$$

अतः 21 वर्ष बाद उसका वेतन 7000 हो जायेगा |

$$1995 + 21 = 2016 \text{ में हो जायेगा |}$$

Q20. रामकली ने किसी वर्ष के प्रथम सप्ताह में D 5 की बचत की और फिर अपनी साप्ताहिक बचत D 1.75 बढ़ाती गई। यदि n वें सप्ताह में उसकी साप्ताहिक बचत D 20.75 हो जाती है, तो n ज्ञात कीजिए।

Solution:

इस सूचना से एक A.P प्राप्त होती है :

A.P: 5, 6.75, 8.50, 20.75

$$A = 5, d = 1.75, a_n = 20.75$$

$$a_n = a + (n - 1)d$$

$$20.75 = 5 + (n - 1)1.75$$

$$20.75 - 5 = (n - 1)1.75$$

$$15.75 = (n - 1)1.75$$

$$(n - 1) = \frac{15.75}{1.75}$$

$$n - 1 = 9$$

$$n = 9 + 1$$

$$n = 10$$

www.atpeducation.com